

### Cvičení 3

K zopakování a k zamyšlení:

1) *Iterační lemma formulované na přednášce říká, že iterovaná část musí být na začátku slova. Zamyslete se nad tím, zda je možné vytvořit variantu iteračního lemma, kde:*

- *iterovaná část slova je kdekoliv v původním slově*
- *iterovaná část je na konci slova*
- *iterovaná část je „blízko“ předem zvoleného místa ve slově.*

2) *Platí iterační lemma také pro doplněk regulárního jazyky, tj. „když pumpujeme slovo mimo jazyk, dostaneme opět slovo mimo jazyk“?*

3) *Definujte ekvivalenci automatů. Jaký vztah má k ekvivalenci stavů?*

4) *Co je to redukováný konečný automat?*

Příklady:

*Rozhodněte a dokažte zda následující automaty jsou ekvivalentní:*

a)

	a	b
$\leftrightarrow 0$	0	5
1	1	3
2	2	7
3	3	2
$\leftarrow 4$	6	1
5	5	1
$\leftarrow 6$	4	2
7	7	0

b)

	b	a
A	F	A
B	A	B
C	D	C
D	B	D
E	C	E
$\leftrightarrow F$	E	F

c)

	b	a
A	G	H
B	A	B
C	D	E
D	B	D
E	D	C
F	E	F
$\leftrightarrow G$	F	G
H	G	A

Jaké je nejkratší slovo rozlišující v automatu (a) stavy 1 a 5? Existuje takových slov více?

V následujících automatech najděte všechna slova s nejkratší délkou rozlišující dvojici stavů:

e) stavy 3 a 5

	a	b
$\leftrightarrow 0$	1	2
1	3	0
2	4	5
3	0	2
4	2	5
5	0	3

f) stavy 0 a 1

	a	b
$\rightarrow 0$	1	2
1	0	3
2	4	1
3	0	1
$\leftarrow 4$	2	2
5	4	3

g) stavy 2 a 4

	a	b
$\leftrightarrow 0$	0	1
$\leftarrow 1$	2	3
2	3	4
3	1	0
4	3	2

Řešení:

- e) ba
- f) ba
- g) žádné