

## Cvičení z automatů a gramatik - 8

19. a 20. dubna 2017

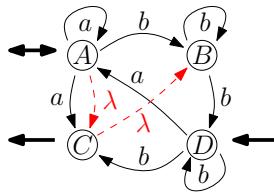
### Probrané příklady

1. Lineární gramatiky a pumping lemma pro lineární jazyky (rozbor DÚ).

- (a) Formulujte pumping lemma pro lineární jazyky.
- (b) Dokažte ho pomocí odvození (redukovanou) lineární gramatikou.
- (c) Ukažte, že jazyk  $L = \{w \in \{a, b\}^*; |w|_a = 2|w|_b\}$  není lineární.

2. Gramatiky typu 3 (tj. pravé lineární) generují právě regulární jazyky.

- (a) Převeďte následující automat na pravou lineární gramatiku.



- (b) Převeďte následující pravou lineární gramatiku na konečný automat.

$$\begin{aligned} S &\rightarrow abS \mid bbaA \mid \lambda \\ A &\rightarrow abA \mid bB \mid C \\ B &\rightarrow acS \mid bC \mid \lambda \\ C &\rightarrow abb \mid bA \mid A \end{aligned}$$

Jak eliminovat v gramatice pravidla typu  $A \rightarrow B$  (souvislost s odstraněním  $\lambda$ -přechodů) ?

3. Převeďte následující bezkontextovou gramatiku na (až na  $\lambda$ ) ekvivalentní gramatiku bez vypouštěcích pravidel. Poté ji převeďte na ekvivalentní kontextovou gramatiku.

$$\begin{aligned} S &\rightarrow aSbA \mid \lambda \\ A &\rightarrow aBbA \mid bCB \mid CD \\ B &\rightarrow bbBa \mid aS \\ C &\rightarrow aAaA \mid \lambda \\ D &\rightarrow SC \mid aABb \end{aligned}$$

4. Derivační stromy bezkontextových gramatik, levá/pravá derivace, jednoznačnost gramatiky, (podstatná) nejednoznačnost jazyka, příklad podstatně nejednoznačného BKJ.

5. Mějme následující gramatiku.

$$\begin{aligned} S &\rightarrow bA \mid aB \\ A &\rightarrow a \mid aS \mid bAA \\ B &\rightarrow b \mid bS \mid aBB \end{aligned}$$

- (a) Zjistěte, jaký generuje jazyk.
- (b) Je tato gramatika jednoznačná? Nalezněte protipříklad.
- (c) Je její jazyk podstatně nejednoznačný?

### **Domácí úkol**

6. Nalezněte jednoznačnou bezkontextovou gramatiku pro jazyk z předchozího příkladu. Dokažte její jednoznačnost.