

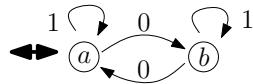
Cvičení z automatů a gramatik - 3

8. a 14. března 2019

Probrané příklady

1. Homomorfismy automatů: definice, zachování přijímaného jazyka.

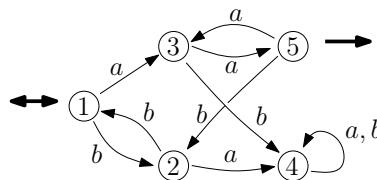
- (a) Řekneme, že A je *homomorfní na* B , pokud existuje (automatový) homomorfismus $h : Q_A \rightarrow Q_B$. Je tato relace reflexivní, symetrická, tranzitivní?
- (b) Uvažme následující konečný automat C . Nalezněte konečné automaty A, B homomorfní na C (a přitom neizomorfní s C) takové, že A není homomorfní na B a zároveň B není homomorfní na A .



2. Automatová kongruence, podílový automat (faktorstruktura).

- (a) Je stavová ekvivalence po i krocích automatovou kongruencí?
- (b) Uveďte příklad automatové kongruence jiný než je stavová ekvivalence.

3. Redukt: jednoznačnost. Minimalizujte následující konečný automat.

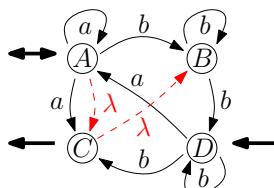


4. Nedeterministický konečný automat: formální definice, výpočet, přijímaný jazyk, interpretace pomocí větvících výpočtů a pomocí uhodnutí přijímacího výpočtu.

- (a) Může být množina počátečních stavů prázdná?
- (b) Můžeme přidat podmínu, že z každého stavu je pro každé písmeno definován aspoň jeden přechod?
- (c) Sestrojte deterministický a nedeterministický automat (s co nejmenší množinou stavů) rozpoznávající jazyk $L = \{w \in \{a, b\}^*; w \text{ končí na } abba\}$.

5. Nedeterministické konečné automaty přijímají právě regulární jazyky.

- (a) Převeďte následující nedeterministický automat (bez λ -přechodů) na deterministický (množinovou konstrukcí).
- (b) Je výsledný deterministický automat (vždy) redukovány?



6. Rozpoznávání doplňku nedeterministickými konečnými automaty.
- (a) Jaký jazyk dostaneme po přehození koncových/nekoncových stavů u deterministického automatu?
 - (b) A u nedeterministického automatu?
 - (c) Jak můžeme zadefinovat nový typ nedeterministických konečných automatů (přesněji nový typ přijímaného jazyka), abychom po přehození typu a koncových/nekoncových stavů dostali doplněk původního jazyka?

Domácí úkol

7. Pro každé $n \geq 1$ nalezněte jazyk L_n (nad libovolnou abecedou) takový, že každý deterministický automat rozpoznávající L_n má aspoň 2^n stavů, a zároveň L_n lze rozpoznat nedeterministickým automatem s n stavý.