

## Cvičení z automatů a gramatik - 5

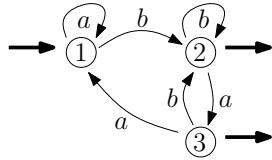
24. a 25. března 2020

### Probrané příklady

1. Uzávěrové vlastnosti třídy jazyků rozpoznatelných konečnými automaty na řetězové operace: zřetězení, mocnina, iterace, pozitivní iterace, reverze.
2. Vkládání písmena, jazyka. Nechť je dán konečný automat přijímající jazyk  $L$ . Sestrojte konečný automat rozpoznávající jazyk
  - (a)  $\text{ins}_a(L) = \{uav; uv \in L\}$  pro dané písmeno  $a$ ,
  - (b)  $\text{ins}_w(L) = \{uwv; u, v \in \{a, b\}^*, uv \in L\}$  pro daný řetězec  $w \in \{a, b\}^*$ ,
  - (c)  $\text{ins}_R(L) = \{uwv; w \in R, uv \in L\}$  pro daný regulární jazyk  $R$ .
3. Mazání písmena, jazyka. Dále sestrojte konečný automat rozpoznávající jazyk
  - (a)  $\text{del}_a(L) = \{uv; uav \in L\}$  pro dané písmeno  $a$ ,
  - (b)  $\text{del}_w(L) = \{uv; u, v \in \{a, b\}^*, uwv \in L\}$  pro daný řetězec  $w \in \{a, b\}^*$ ,
  - (c)  $\text{del}_R(L) = \{uv; \exists w \in R, uwv \in L\}$  pro daný regulární jazyk  $R$ .
  - (d) Jak v daném konečném automatu nalézt všechny stavy dosažitelné přes slova z daného (nekoněčného) jazyka rozpoznatelného (jiným) konečným automatem?
4. Levý a pravý kvocient: speciální případ  $\text{del}_R(L)$ .
  - (a) Vyjádřete pravou derivaci (kvocient) pomocí levé derivace (levého kvocientu) a reverze.
  - (b) Kdy platí  $\lambda \in L_2 \setminus L_1$  ?
  - (c)  $L_1 = \{u \in \{0, 1\}^*; |u|_0 = 2i, i \geq 0\}$ ,  $L_2 = \{u \in \{0, 1\}^*; |u|_0 = 3j, j \geq 0\}$ ,  $L_2 \setminus L_1 = ?$
  - (d)  $L_1 = \{0^{2i}1^{2j}; i, j > 0\}$ ,  $L_2 = \{000u11; u \in \{0, 1\}^*\}$ ,  $L_2 \setminus L_1 = ?$
5. Třída regulárních jazyků (nad abecedou  $\Sigma$ ): nejmenší třída obsahující jazyky  $\emptyset$ ,  $\{x\}$  pro každé  $x \in \Sigma$ , která je uzavřená na sjednocení, zřetězení a iteraci.
  - (a) Jak získáme jazyk  $\{\lambda\}$  ?
  - (b) Kleeneho věta, její důkaz.
6. U následujícího automatu  $A$  sestrojte regulární výrazy reprezentující jazyky

$$R_{ij}^k = \{w \in \{a, b\}^*; \delta^*(i, w) = j \text{ s mezistavy nejvýše } k\}$$

pro všechna  $1 \leq i, j \leq 3$ ,  $0 \leq k \leq 3$ . Poté vyjádřete  $L(A)$  regulárním výrazem.



### Domácí úkol

Kvíz zasláný mailom. (1 bod)