

Cvičení z automatů a gramatik - 10

5. a 14. května 2021

Probrané příklady

1. Pumping lemma pro bezkontextové jazyky: znění, idea důkazu. Dokažte či vyvrátte, že následující jazyky jsou bezkontextové.

- (a) $L = \{0^n 1^m 0^n; 0 \leq m \leq n\}$
- (b) $L = \{0^n 1^m 0^n; 0 \leq n \leq m\}$
- (c) $L = \{ww; w \in \{0,1\}^*\}$
- (d) $L = \{a^{i^2}; i \geq 0\}$

2. Pomocí algoritmu CYK zjistěte, zda lze následující gramatikou vygenerovat slovo 0110.

$$\begin{aligned} S &\rightarrow 0 \mid AB \\ A &\rightarrow 1 \mid SA \mid SB \\ B &\rightarrow AS \mid BA \mid 0 \end{aligned}$$

3. Zásobníkové automaty: definice, konfigurace, jazyk přijímaný koncovým stavem/prázdným zásobníkem. Sestrojte zásobníkové automaty, pokud možno deterministické, přijímající (pro oba způsoby) následující jazyky.

- (a) $L = \{0^n 1^m; 0 < n < m\},$
- (b) $L = \{w \in \{0,1\}^*; |w|_0 = |w|_1\}.$
- (c) $L = \{w \# w^R; w \in \{a,b\}^+\},$
- (d) $L = \{u \# v; u, v \in \{a,b\}^+, |u| \neq |v|\}.$

Domácí úkol

Sestrojte zásobníkový automat, který přijímá jazyk

$$L = \{u \# v; u, v \in \{a,b\}^+, u \neq v\}.$$