

Cvičení z automatů a gramatik - 1

17. března 2022

Podmínky na zápočet

Dostatečný počet bodů získaných za domácí úkoly, kvízy, aktivitu na cvičeních, zápočtovou písemku.

Probrané příklady

- Formální definice: konečný automat, tranzitivní rozšíření přechodové funkce, přijímané slovo, rozpoznávaný jazyk, třída regulárních jazyků.
 - Jakou výpočetní sílu mají (ne)konečné automaty s nekonečně (spočetně) mnoha stavy?
 - Jakou výpočetní sílu mají (ne)konečné automaty s nekonečnou (spočetnou) abecedou?
- Nechť binární slova kódují průběh tenisového zápasu, přičemž 0 a 1 reprezentují, že první resp. druhý hráč získal bod. Sestrojte konečný automat (s co nejmenší množinou stavů), který přijímá právě slova kódující hru vyhranou prvním hráčem.
- Sestrojte konečný automat (s co nejmenší množinou stavů) rozpoznávající jazyk
 - $L = \{w \in \{0, 1\}^*; |w|_0 = 2i \text{ a } |w|_1 = 3j \text{ pro nějaká } i, j \in \mathbb{N}\}$
 - $L = \{w \in \{0, 1\}^*; w \text{ je binární zápis čísla dělitelného } 7\}$
 - $L = \{w \in \{a, b, r\}^*; w \text{ končí na } ara, bar, arab, \text{ nebo } baraba\}$, viz Aho-Corasick (ADS)
- Zjistěte, jaký jazyk přijímá následující automat.

	0	1
\Rightarrow p	p	q
q	p	r
\Leftarrow r	p	r

- Iterační (pumping) lemma: znění, význam, idea důkazu.
 - Jak souvisí n z lemmatu a počet stavů automatu rozpoznávající daný jazyk?
 - Můžeme podmínku $|xy| \leq n$ nahradit za $|yz| \leq n$? (Tedy iterovat *blízko konce*?)
 - Můžeme iterovat *blízko* předem zvoleného místa? Jak zformulovat takové zesílení?
 - Můžeme iterovat slova, která nejsou z jazyka L a získat opět slova mimo L ?
 - Určete, které jazyky nejsou regulární, a dokažte to pomocí pumping lemma.
 - $L = \{0^i 1^j; i \leq j\}$
 - $L = \{0^i 1^j; i \geq j\}$
 - $L = \{0^i 1^j; i \leq j \leq k\}$ pro pevné k

Domácí úkol

Pro následující jazyky sestrojte konečný automat, anebo dokažte pomocí pumping lemma, že nejsou regulární.

- $L = \{ww; w \in \{0, 1\}^*\}$
- $L = \{a^{2n}; n \in \mathbb{N}\}$
- $L = \{a^{n^2}; n \in \mathbb{N}\}$
- $L = \{a^{2^n}; n \in \mathbb{N}\}$