

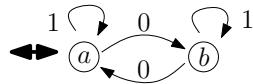
## Cvičení z automatů a gramatik - 3

9. března 2023

### Probrané příklady

1. Homomorfismy automatů: definice, zachování přijímaného jazyka.

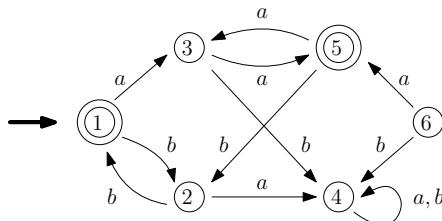
- (a) Řekneme, že  $A$  je *homomorfní na*  $B$ , pokud existuje (automatový) homomorfismus  $h : Q_A \rightarrow Q_B$ . Je tato relace reflexivní, symetrická, tranzitivní?
- (b) Uvažme následující konečný automat  $C$ . Nalezněte konečné automaty  $A, B$  homomorfní na  $C$  (a přitom neizomorfní s  $C$ ) takové, že  $A$  není homomorfní na  $B$  a zároveň  $B$  není homomorfní na  $A$ .



2. Automatová kongruence, podílový automat (faktorstruktura).

- (a) Je stavová ekvivalence po  $i$  krocích automatovou kongruencí?
- (b) Uveďte příklad automatové kongruence jiný než je stavová ekvivalence.
- (c) Je každá automatová kongruence zjemněním stavové ekvivalence?

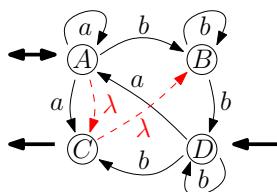
3. Redukt: jednoznačnost. Minimalizujte následující konečný automat.



4. Nedeterministický konečný automat: formální definice, výpočet, přijímaný jazyk, interpretace pomocí větvících výpočtů a pomocí uhodnutí přijímacího výpočtu.

- (a) Může být množina počátečních stavů prázdná? Můžeme přidat podmínu, že z každého stavu je pro každé písmeno definován aspoň jeden přechod?
- (b) Sestrojte deterministický a nedeterministický automat (s co nejmenší množinou stavů) rozpoznávající jazyk  $L = \{w \in \{a, b\}^*; w \text{ končí na } abb\}$ .

5. Převeďte následující nedeterministický automat (bez  $\lambda$ -přechodů) na deterministický (množinovou konstrukcí). Je výsledný deterministický automat (vždy) redukovány?



6. Rozpoznávání doplňku nedeterministickými konečnými automaty.

- (a) Jaký jazyk dostaneme po přehození koncových/nekoncových stavů u deterministického automatu? A u nedeterministického automatu?
- (b) Jak můžeme zadefinovat nový typ nedeterministických konečných automatů, abychom po přehození typu a koncových/nekoncových stavů dostali doplněk původního jazyka?

### Domácí úkol

Pro každé  $n \geq 2$  nalezněte jazyk  $L_n$  (nad libovolnou abecedou) takový, že každý deterministický automat rozpoznávající  $L_n$  má aspoň  $2^n$  stavů, a zároveň  $L_n$  lze rozpoznat nedeterministickým automatem s  $n$  stavami.