

## 5. CVIČENÍ Z OPTIMALIZAČNÍCH METOD

Domácí úkol

Deadline na odevzdání je začátek cvičení 4. 4.

### DRUHÝ DOMÁCÍ ÚKOL

[3 body]

Už víme, že množina  $K$  je konvexní, pokud do množiny patří všechny úsečky s dvěma konci v  $K$ . Dokažte podobný popis pro afinitu:

Množina  $A$  je afinní podprostor  $\mathbb{R}^d$  právě tehdy, když pro každé dva body  $a, b \in A$  platí, že *přímka* určená body  $a, b$  je celá obsažena v  $A$ .

*Hint: Přímka procházející počátkem a bodem  $v$  není nic jiného, než všechna „natažení“  $v$ , tedy je to množina  $\{vx \mid x \in \mathbb{R}\}$  – jak bude tedy vypadat obecná přímka, procházející body  $a$  a  $b$ ? Pro implikaci zprava doleva můžete buďto dokázat, že  $A$  je uzavřené na afinní kombinace (a tedy je to nutně afinní prostor), nebo můžete dokázat, že množina  $A - v_0$  pro nějaké  $v_0 \in A$  je vektorový prostor – tedy, že je uzavřené na součet vektorů a násobení skalárem. A nebo samozřejmě cokoliv jiného, co bude správně :-)*